

# **CASTELL**

## *Präzisions-Rechenstab*

3/11

für Berechnungen im Stahlbetonbau

**ANLEITUNG**

△†△ A.W. FABER - **CASTELL**, STEIN BEI NÜRNBERG

# Inhalt.

I. Allgemeines . . . . .	Seite	4
II. Beschreibung . . . . .	"	5
III. Verwendungsmöglichkeiten . . . . .	"	6
IV. Allgemeine Berechnungsgrundlagen . . . . .	"	7
a) Bezeichnungen . . . . .	"	7
b) Berechnungsgrundlagen . . . . .	"	8
V. Bemessung und Nachprüfung . . . . .	"	9
VI. Verwendungsbeispiele . . . . .	"	13
A. Reine Biegung . . . . .	"	13
a) Stahlbetonplatten . . . . .	"	13
b) Stahlbeton-Rippendecken . . . . .	"	17
c) Stahlsteindecken . . . . .	"	18
d) Rechteckquerschnitte . . . . .	"	19
e) Plattenbalken . . . . .	"	21
f) Doppelt bewehrte Rechteckquerschnitte . . . . .	"	27
B. Biegung mit Axialkraft . . . . .	"	30
a) Einfach bewehrte Rechteckquerschnitte . . . . .	"	30
b) Doppelt bewehrte Rechteckquerschnitte . . . . .	"	32
VII. Schubsicherung . . . . .	"	33
VIII. Säulen . . . . .	"	34
Anhang: I. Benützung der Teilungen bei geänderter Verhältniszahl n . . . . .	"	38
II. Tabelle der zulässigen Spannungen . . . . .	"	40

# I. Allgemeines.

Der Rechenstab **CASTELL** 3/11 ist für die Bedürfnisse des Bauingenieurs als ein möglichst vollkommenes Gerät zur Bemessung und Nachprüfung von Stahlbetonquerschnitten aller Art entwickelt worden.

Bei der Gestaltung haben uns folgende Gesichtspunkte geleitet:

1. Auf streng wissenschaftlicher Grundlage ein Präzisionsinstrument zu schaffen, das allen Anforderungen der Praxis genügt, d. h. also **Genauigkeit, Übersichtlichkeit** und **leichte Handhabung** vereint,
2. den Aufbau des Stabes so zu gestalten, daß dieser für **alle Stahlspannungen**, nicht nur für die derzeit, sondern auch für etwa in Zukunft vorkommende, gleichgut verwendet werden kann.

Der **CASTELL** 3/11 erfüllt die gestellten Forderungen im höchsten Maße. Da der Stab nicht auf einer bestimmten Stahlspannung, sondern auf dem Verhältnis der Stahlzugspannung zur Betondruckspannung aufgebaut ist, kann mit allen beliebigen Stahlspannungen gearbeitet werden. Man benötigt weder mehrere Zungen, noch die Zungen-Rückseite. Alle Skalen sind auf der Vorderseite des Stabes angebracht. Ein Blick überzeugt von der guten Übersichtlichkeit, eine Rechenprobe von der überaus großen Genauigkeit der Ergebnisse.

Die vorliegende Anleitung soll auch dem weniger Geübten eine mühelose und schnelle Einarbeitung ermöglichen. Soweit dies im gegebenen Rahmen durchführbar, wird stets auf die einschlägigen amtlichen „Bestimmungen“ hingewiesen und im Anhang eine Zusammenstellung der z. Z. geltenden Spannungen gegeben.

## II. Beschreibung.

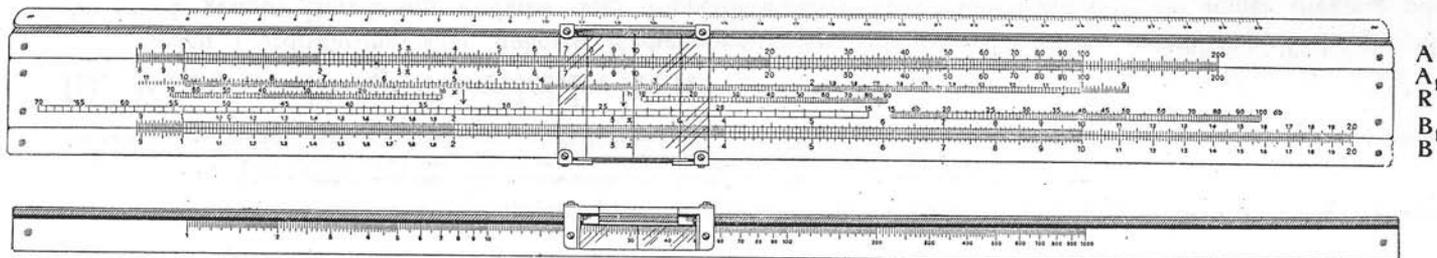


Abb. 1

Die Vorderseite des Stabes weist neben den Teilungen eines gewöhnlichen logarithmischen Rechenstabes mit rücklaufender (reziproker) Teilung und größeren Überteilungen als beim Normalstab die für die Berechnungen im Stahlbetonbau notwendigen Teilungen auf (Abb. 1).

Eine Erklärung über die Benutzung der ersteren, die hier mit den Buchstaben A, A<sub>1</sub>, B, B<sub>1</sub> und R bezeichnet sind, ist fortgelassen, da das allgemeine Stabrechnen als bekannt vorausgesetzt wird. Als Nachschlagewerk empfehle ich meine ausführliche Handanleitung 1/787.

Die Stahlbetonteilungen dienen im einzelnen folgenden Funktionen:

- $\sigma_b$  der Festlegung der Betondruckspannung  $\sigma_b$  in kg/qcm, (rechts über B<sub>1</sub>)
- h der Bestimmung der erforderlichen Nutzhöhe ( $_{\text{erf}}h$ ) in cm, (Stabmitte)
- Fe der Ableseung des erforderlichen Rundstahlquerschnitts ( $_{\text{erf}}Fe$ ) in qcm auf 100 cm Querschnittsbreite, (links über B<sub>1</sub>)
- x der Ableseung des Nulllinienabstandes in cm (Schiebermitte links).

Auf der Rückseite des Stabes sind 2 Tabellen angebracht. Die längere, links stehende, dient zur Ableseung des Spannungsverhältnisses

$$\frac{\sigma_e}{\sigma_b} = \frac{\text{zul. Stahlzugspannung (kg/qcm)}}{\text{zul. Betondruckspannung (kg/qcm)}}$$

für die Werte  $\sigma_e = 1000, 1100, 1200, 1400, 1500, 1800, 2000, 2200$  und  $2400 \text{ kg/qcm}$  und alle geraden Werte  $\sigma_b = 12 - 90 \text{ kg/qcm}$ . Die ungeraden Werte können entweder eingeschaltet, oder aus der doppelten Betonspannung leicht gewonnen werden (Abb. 2), z. B.:

$$\frac{\sigma_e}{\sigma_b} = \frac{1000}{31} = \frac{1000}{62} \cdot 2 = 16,13 \cdot 2 = 32,26.$$

Die zweite Tabelle enthält den Flächeninhalt der Rundeisen von  $6 - 40 \text{ mm } \varnothing$ .

**Tabelle der Werte**

$\sigma_e$	12	14	16	18	20	22	24	26	28	30	32	34	36	38	40
1000	8,13	9,13	10,13	11,13	12,13	13,13	14,13	15,13	16,13	17,13	18,13	19,13	20,13	21,13	22,13
1100	8,92	9,92	10,92	11,92	12,92	13,92	14,92	15,92	16,92	17,92	18,92	19,92	20,92	21,92	22,92
1200	9,71	10,71	11,71	12,71	13,71	14,71	15,71	16,71	17,71	18,71	19,71	20,71	21,71	22,71	23,71
1400	11,30	12,30	13,30	14,30	15,30	16,30	17,30	18,30	19,30	20,30	21,30	22,30	23,30	24,30	25,30
1500	12,19	13,19	14,19	15,19	16,19	17,19	18,19	19,19	20,19	21,19	22,19	23,19	24,19	25,19	26,19
1800	14,18	15,18	16,18	17,18	18,18	19,18	20,18	21,18	22,18	23,18	24,18	25,18	26,18	27,18	28,18
2000	15,67	16,67	17,67	18,67	19,67	20,67	21,67	22,67	23,67	24,67	25,67	26,67	27,67	28,67	29,67
2200	17,16	18,16	19,16	20,16	21,16	22,16	23,16	24,16	25,16	26,16	27,16	28,16	29,16	30,16	31,16
2400	18,65	19,65	20,65	21,65	22,65	23,65	24,65	25,65	26,65	27,65	28,65	29,65	30,65	31,65	32,65

**Rundeisentabelle**

$\varnothing$	6	8	10	12	14	16	18	20	22	24	26	28	30	32	34	36	38	40
Fläche	28,3	50,3	70,7	90,4	109,4	127,7	145,3	162,2	178,5	194,2	209,3	223,8	237,8	251,3	264,4	277,1	289,4	301,3
Stange	1,77	2,51	3,14	3,68	4,22	4,76	5,29	5,83	6,37	6,90	7,44	7,98	8,52	9,06	9,60	10,14	10,68	11,22

Abb. 2

An Zusatzteilungen sind auf der dem Rechnenden zugekehrten Schmalseite des Stabes die Werte der 3. Potenzen, auf der gegenüberliegenden Schräge eine Zentimeterteilung aufgetragen.

Die trigonometrischen Teilungen befinden sich auf der Rückseite der Zunge (Abb. 3).

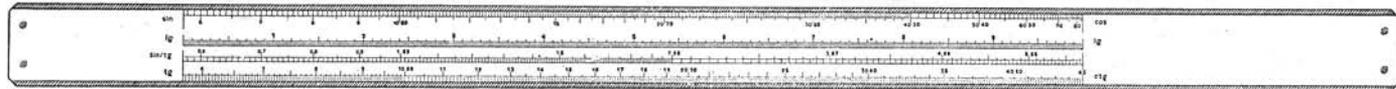


Abb.

### III. Verwendungsmöglichkeiten.

Neben Durchführung aller üblichen Rechenoperationen, erlauben die oben angeführten Teilungen die theoretisch genaue Berechnung einfacher oder doppeltbewehrter Stahlbetonquerschnitte bei reiner Biegung oder

bei Biegung mit Axialkraft im Bereiche aller Stahlzugspannungen und der Betondruckspannungen 15—90 kg/qcm, ferner die Bemessung von Stahlstein- und Hohlsteindecken. Auch für die Durchführung der Schubsicherung, sowie die Berechnung von Stützen entsprechend den Bestimmungen ergeben sich gute Möglichkeiten, auf die kurz hingewiesen wird.

## IV. Allgemeine Berechnungsgrundlagen.

### a) Bezeichnungen.

Für die Bemessung im Stahlbetonbau werden folgende Bezeichnungen gebraucht:

- M Biegemoment in mkg,
- d Gesamthöhe des Querschnitts in cm bei Rechtecksquerschnitten, bei Plattenbalken Dicke der Druckplatte,
- h =  $d - a$  Nutzhöhe des Querschnitts in cm;
- a Abstand des Schwerpunktes der Stahleinlagen vom gezogenen Rand in cm,
- h' Abstand des Schwerpunktes der Stahleinlagen vom gedrückten Rand in cm,
- b statisch wirksame Druckbreite des Querschnitts in m,
- b<sub>0</sub> Breite des Steges bei Plattenbalken u. ä. in m,
- c Differenz  $d - (a + h')$  in cm,
- x Nulllinienabstand vom gedrückten Rande in cm,
- σ<sub>b</sub> Betondruckspannung in kg/qcm,
- σ<sub>e</sub> Stahlzugspannung in kg/qcm,

- $F_e$  Gesamtquerschnitt der Rundstahleinlagen in qcm (Zugbewehrung);  
 $F_{e'}$  Gesamtquerschnitt der Rundstahleinlagen in qcm in der Druckzone (bei doppelter Bewehrung);  
 $f_e(f_{e'}) = \frac{F_e(F_{e'})}{b} =$  Querschnitt der Zug(Druck)einlagen je Breitereinheit;  
 $N$  im Querschnitt wirkende Normalkraft (Druck oder Zug) in kg;  
 $e$  Exzentrizität = Verhältnis  $M : N$ ;  
 $M_u$  Moment  $M + N \cdot u$ , wobei  $u$  den Abstand der Zugbewehrung von der Schwerachse darstellt;  
 $n$  Verhältnis der beiden Elastizitätsmasse  $\frac{E_e}{E_b}$  (s. unten);  
 $r$  und  $t$  sind von der Spannung abhängige Festwerte für die Dimensionierung nach Formeln.

## b) Berechnungsgrundlagen.

In § 17 der „Bestimmungen des deutschen Ausschusses für Stahlbeton“ DIN 1044, 1048, 4225, heißt es:

„Die Spannungen im Querschnitt des auf Biegung oder des auf Biegung mit Längskraft beanspruchten Körpers sind unter der Annahme zu berechnen, daß sich die Dehnungen wie die Abstände von der Nulllinie verhalten. Die zulässige Beanspruchung des Betons auf Druck und des Stahls auf Zug und die Bestimmungen über die Schubsicherung und die Haftspannungen haben zur Voraussetzung, daß der Stahl alle Zugspannungen im Querschnitt aufnimmt, daß also von einer Mitwirkung des Betons auf Zug abgesehen wird.“

Für die Spannungsermittlung und für das Bemessen der Bauteile ist das Verhältnis der Elastizitätsmaße von Stahl und Beton zu  $n = 15$  ( $E_b = 140\,000 \text{ kg/cm}^2$ ) anzunehmen.“

Dementsprechend wurde bei Festlegung der Teilungen geradlinige Spannungsverteilung angenommen und die Mitbeanspruchung des Betons in der Zugzone nicht berücksichtigt.

Das Verhältnis der Elastizitätsmaße von Stahl und Beton ist zu  $n = 15$  angenommen.

(Dieser Wert hat z. Z. Gültigkeit in Deutschland, Ungarn, Holland, England und Teilen des Balkans.)

Die Betondeckung aller Stahleinlagen, auch etwaiger Bügel, muß, entsprechend den Bestimmungen, mindestens dick sein: Bei Platten und Rippendecken im allgemeinen 1 cm, im Freien 1,5 cm, bei allen andern Bauteilen im allgemeinen 1,5 cm, im Freien 2 cm.

## V. Bemessung und Nachprüfung.

Im allgemeinen kann bei der Bemessung von Stahlbetonquerschnitten das Moment als bekannt vorausgesetzt werden, ebenfalls die Normalkraft, wenn eine solche vorhanden ist. Die gesuchten Größen sind dann entweder

- a) die erforderlichen Abmessungen des Querschnitts ( $d$  und  $b_0$ ) bei Ausnützung der gewählten, bezw. vorgeschriebenen Spannungen  $\sigma_e$  und  $\sigma_b$ ; oder
- b) die sich bei geschätzten oder baulich bedingten Abmessungen ergebenden Spannungen.

Bei vorgeschriebenen Spannungen ergeben sich die gesuchten Werte nach den Abb. 4—6 wie folgt:

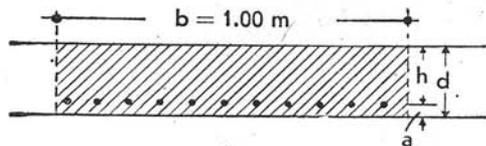


Abb. 4

1. Für Platten ( $b = b_0 = 1,00$  m) Abb. 4

$$\text{erf. } h = r \cdot \sqrt{M}$$

$$\text{erf. } fe = t \cdot \sqrt{M}$$

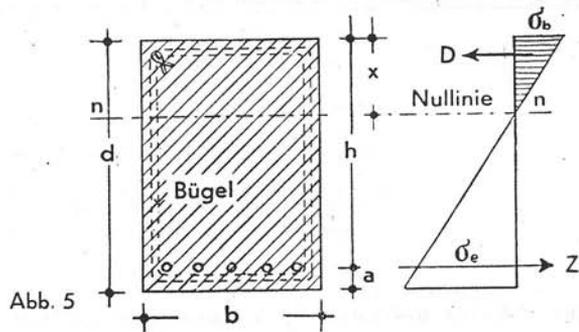


Abb. 5

2. Für **Balken** (Rechteckquerschnitt) (Abb. 5)

$$\text{erf. } h = r \sqrt{M : b}$$

$$\text{erf. } Fe = t \cdot b \cdot \sqrt{M : b}$$

$$\text{Für 1. und 2. wird } x = \frac{n \cdot \sigma_b}{\sigma_e + n \cdot \sigma_b} \cdot h$$

3. Für **Plattenbalken**  
bei  $x \leq d$ : (Abb. 6).

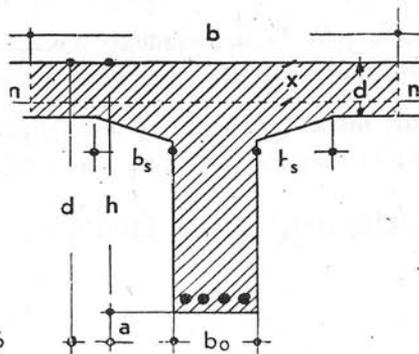


Abb. 6

Mitwirkende Plattenbreite:

a) Beiderseitige Plattenbalken

$$b = 12d + 2b_s + b_0$$

aber nicht größer als der Abstand der Feldmitten und als die halbe Balkenstützweite.

b) Einseitige Plattenbalken

$$b = 4,5a + b_s + b_1$$

aber nicht größer als die halbe lichte Rippenentfernung +  $b_1$  und als ein Viertel der Balkenstützbreite

Für Berechnung statisch unbestimmter Systeme und Durchbiegungsberechnung:

$$b = 6d + 2b_s + b_0$$

aber nicht größer als der Abstand der Feldmitten

$$b = 2,25d + b_s + b_1$$

aber nicht größer als die halbe lichte Rippenentfernung +  $b_1$

Bei  $x > d$  muß das wie vor errechnete  $b$  mit einem Abminderungswert multipliziert werden.

Die Zahlen für dies „ideelle“  $b_1$  können mit genügender Genauigkeit der Tafel Seite 23 entnommen werden (vgl. Beispiel 7).

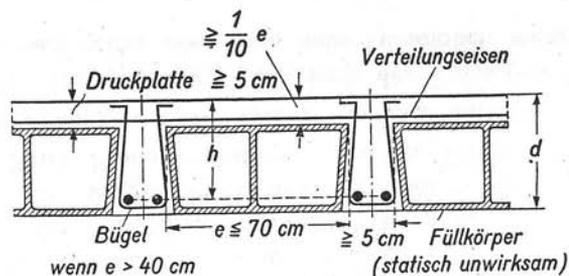


Abb. 7

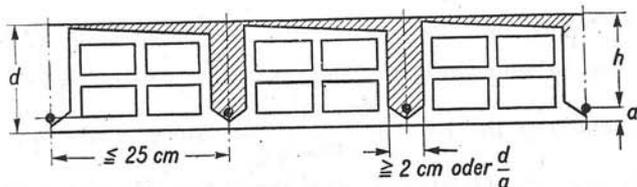


Abb. 8

4. **Stahlbeton-Rippendecken** (Abb. 7) sind wie Plattenbalken zu behandeln.

$x < d$  Für Platten  $b = 1,00$  m

$$\text{erf. } h = r \cdot \sqrt{M}$$

$$\text{erf. } fe = t \cdot \sqrt{M}$$

Begriffsbestimmung siehe Beispiele.  
(siehe Seite 17 Abschnitt b)

$x > d$  vgl. Plattenbalken, Ziff. 3

5. **Stahlsteindecken** (Abb. 8) ebenfalls wie Plattenbalken zu behandeln, wobei für die Stegbreite die Stein- und Mörtelstege zusammenzuzählen sind. [DIN 1046, § 7, Ziff. 2, wegen der Druckplattendicke vgl. auch Tafel 2 des gleichen Paragraphen]

$x < d$  Für Platten  $b = 1,00$

$$\text{erf. } h = r \cdot \sqrt{M}$$

$$\text{erf. } fe = t \cdot \sqrt{M}$$

Begriffsbestimmung siehe Beispiele.  
(siehe Seite 18, Abschnitt c)

$x > d$  vgl. Plattenbalken, Ziff. 3

Aus obigen Gleichungen ergeben sich für  $n = 15$  folgende

### Grundregeln für die Benutzung des Stabes zur Dimensionierung.

Zweckmäßig werden folgende Dimensionen benutzt:  $M = \text{mkg}$ ,  $b = \text{m}$ ,  $h, z, d$  und  $x = \text{cm}$ ,  $\sigma_e / \sigma_b = \text{kg/cm}^2$

Das Biegemoment ( $M$ ) wird immer auf der oberen log. Teilung des Stabes (Teilung A in Abb. 1) eingestellt, und zwar, wenn ( $M$ ) geradstellig ist auf der 2. log. Einheit der Teilung (zwischen 10 und 100), wenn ( $M$ ) dagegen eine ungerade Stellenzahl hat, auf der 1. log. Einheit (zwischen 1 und 10).

Unter den Wert  $\frac{\text{Moment}}{\text{Balkenbreite}}$ , der auf der oberen log. Teilung festgehalten wird, muß der Teilungsstrich der vorgeschriebenen oder gesuchten Betonspannung der Teilung ( $\sigma_b$ ) kommen.

Nach dieser einen Einstellung können alle Ablesungen auf der unteren log. Teilung des Stabes (B) erfolgen.

Man verfährt hierbei wie folgt:

Aus den vorgeschriebenen oder gewählten Stahlzug- bzw. Betondruckspannungen bildet man das Verhältnis der Spannungen  $\sigma_e : \sigma_b$ . Den Zahlenwert hierfür entnimmt man der Tabelle auf der Rückseite des Stabes und findet unter dem Wert dieser Zahl

die Nutzhöhe unter der Teilung  $h$ ,

den Zugstahlquerschnitt für 1,00 m Querschnittsbreite unter  $Fe$  und

den Nulllinienabstand unter der Teilung  $x$ .

Die Teilungen  $h$ ,  $Fe$  und  $x$  sind also sämtlich nach dem Spannungsverhältnis  $\sigma_e : \sigma_b$  numeriert.

Sollte eine Ablesung außerhalb der Teilungen fallen, so kann die Schieberzunge mit einer Schieberlänge (log. 100) nach rechts oder nach links verschoben werden und so die gewünschte Ablesung erfolgen.

## VI. Verwendungsbeispiele.

### A. Reine Biegung.

a) Stahlbetonplatten (vgl. § 22 der „Bestimmungen“).

1. Beispiel: Berechnung einer Deckenplatte (Abb. 9):

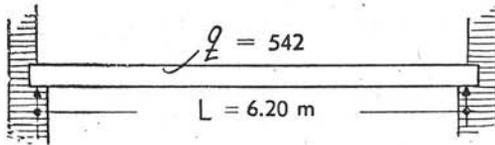


Abb. 9

bekannt:	Gesamtlast . . . . .	$q = 542 \text{ kg/qm}$
	Stützweite . . . . .	$L = 6,2 \text{ m}$
	Streifenbreite . . . . .	$b = 1,00 \text{ m}$
	zulässiges $\sigma_e$ . . . . .	$1400 \text{ kg/qcm}$
	zulässiges $\sigma_b$ . . . . .	$50 \text{ kg/qcm}$
gesucht:	die erforderliche Plattenstärke . . . . .	erf. $d$
	Nutzhöhe . . . . .	erf. $h$
	und das . . . . .	erf. $Fe$

Lösung: (s. Abb. 10).

Es ist zunächst das Moment (M) zu bestimmen.

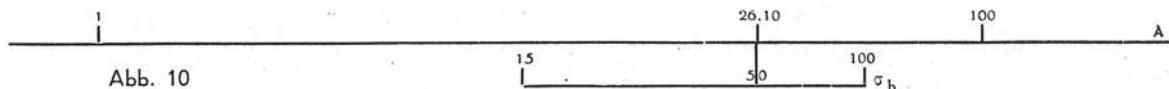
Unter Voraussetzung von freier Auflagerung wird dies mit den angegebenen Werten:

$$M = q \cdot \frac{L^2}{8} = 542 \cdot 6,2^2 : 8 = 2610 \text{ mkg.}$$

Einstellung: Das Moment  $M = 2610 \text{ mkg}$  wird mit dem Läufer auf Teilung A festgehalten, und zwar da die Zahl geradstellig ist, auf der 2. log. Teilung, also bei 26,10.

Darunter wird die Querschnittsbreite, hier 1,00 m, d. h. die Zahl 100 auf Teilung  $A_1$  geschoben.

Unter den Wert  $M : b$ , hier also unter 26,10, wird die vorgeschriebene Betonspannung  $\sigma_b = 50 \text{ kg/qcm}$  gebracht. Diese Stellung ist in Abb. 10 festgehalten.



Nun wird der Wert für das Spannungsverhältnis  $\sigma_e : \sigma_b$  aus der Tabelle auf der Rückseite des Stabes entnommen. Man erhält für  $\sigma_e = 1400 \text{ kg/qcm}$  und  $\sigma_b = 50 \text{ kg/qcm}$  den Tabellenwert  $\sigma_e / \sigma_b = 28$ .

Unter diesem Wert  $\sigma_e / \sigma_b$  auf Teilung  $h$  findet man auf Teilung B:  $h = 18,4 \text{ cm}$   
 auf Teilung  $Fe$  den Querschnitt der Zugbewehrung für 1 m Breite  $fe = 11,47 \text{ qcm}$   
 auf Teilung  $x$  nach Umstellung des Schiebers um eine Schieberlänge, den Nulllinienabstand  $x = 6,4 \text{ cm}$ .

Anzahl und Durchmesser ( $\emptyset$ ) der erf. Rundstäbe kann ebenfalls aus der auf der Rückseite des Stabes angebrachten Tabelle entnommen werden.

Wir wählen 8 Rundstäbe  $\emptyset 14 \text{ mm}$  mit  $fe = 12,32 \text{ qcm}$  und stellen die sich durch Wahl dieser Rundstahlsorte ergebende Deckenstärke fest. Sie muß mindestens sein:

- |   |                            |
|---|----------------------------|
| 1. erforderliche Nutzhöhe                       | erf. $h = 18,4 \text{ cm}$ |
| 2. untere Betonschutzschicht                    | 1,0 cm                     |
| 3. halber R. St.-Durchmesser                    | <u>0,7 cm</u>              |
| Demnach erforderliche Platten-Mindeststärke $d$ | $= 20,1 \text{ cm}$        |

Die Werte 2 und 3 addiert ergeben  $(a) = 1,7 \text{ cm}$ .

2. Beispiel: Der erfahrene Ingenieur wird den Rechnungsgang oft umkehren. Bei gegebenem Moment und vorgeschriebener Stahlzugspannung wird die Plattenstärke geschätzt und die sich ergebende Betonspannung ermittelt.

Als Faustformel für Schätzung der Plattenstärke gilt etwa:

für  $M \leq 1500 \text{ mkg}$  . . . . . wird  $d \approx M : 100$  in cm  
 für  $M > 1500 \text{ mkg}$  . . . . . wird  $d \approx M : 120$  (bis 140) in cm.

Für das unter 1. behandelte Beispiel würde man etwa  $d = 2610 : 120 \approx 22 \text{ cm}$  schätzen. Der Wert (a) ist ebenfalls aus Beispiel 1 mit 1,7 cm bekannt, demnach sind

gegeben:  $M$  . . . . . 2610 mkg  
 $d$  . . . . . 22 cm  
 $h = (d - a)$  . . . . . 20,3 cm  
 $\sigma_e$  . . . . . 1400 kg/qcm  
 gesucht:  $\sigma_b$ , erf.  $f_e$ , und  $x$ .

Lösung: Es muß dasjenige Spannungsverhältnis gefunden werden, für das  $h = 20,3$  wird. Am schnellsten durch Probieren.

Einstellung: Grundstellung wie bei 1, d. h. unter 26,10 der Teilung A steht die Zahl 100 der Teilung  $A_1$ .

Ablesung: Unter 26,10 steht jetzt auf der Teilung für  $\sigma_b = 40 \text{ kg/qcm}$ , dies entspricht laut Tabelle einem  $\sigma_e : \sigma_b = 35$ .

Ein Blick auf  $h$  zeigt unter 35 . . . . erf.  $h = 22 \text{ cm}$ .

Der Wert ist zu groß, da die geschätzte Nutzhöhe nur 20,3 cm beträgt. Um ein geringeres  $h$  zu bekommen muß die Spannung erhöht werden.

2. Versuch: Wir schieben den Wert  $\sigma_b = 45$  unter den noch immer auf 26,1 stehenden Läuferstrich. Für  $\sigma_b = 45$  wird  $\sigma_e / \sigma_b = 31$  und hierfür das erf.  $h \dots 20$  cm.

Wem es auf die restlose Ausnutzung der Rundstähle nicht ankommt, kann sich mit der erreichten Genauigkeit begnügen und findet unter 31:

auf Teilung Fe . . . . . = 10,50 qcm  
 auf Teilung x . . . . . = 6,5 cm:

Ein weiterer Versuch mit  $\sigma_b = 44$  kg/qcm und damit  $\sigma_e / \sigma_b = 31,82$  würde den sehr guten Wert  $h = 20,4$  cm und damit  $fe = 10,22$  qcm und  $x = 6,52$  cm bringen.

Man wird den Grad der Genauigkeit nur von Fall zu Fall, oft abhängig von den zu wählenden Rundstahleinlagen, festlegen. Für Beispiel 2 würde man z. B. den dritten Versuch noch vornehmen, da nach dem 2. Versuch mit einem erf.  $fe = 10,5$  qcm

10 R. St.  $\varnothing 12$  mm mit  $fe = 11,31$  qcm gewählt werden müßten, während nach dem 3. Versuch nur 9 R. St.  $\varnothing 12$  mm pro m Breite mit  $fe = 10,18$  qcm erforderlich sind. Es würden demnach 100/0 R. St. gespart.

3. Beispiel: Will man statt der normalen Rundstahlbewehrung das hochwertige Baustahlgewebe verwenden, für das eine Stahlzugspannung  $\sigma_e = 2400$  kg/qcm zugelassen werden soll, so ergeben sich bei gleichem Moment und gleicher Konstruktionshöhe folgende Werte:

gegeben: M . . . . . 2610 mkg  
           d . . . . . 22 cm  
           h . . . . . 20,3 cm  
 gesucht:  $\sigma_b$ , erf. fe und x.

Lösung: Wenn sich vorhin bei  $\sigma_e = 1400$  kg/qcm eine Betondruckspannung  $\sigma_b = 44$  kg/qcm ergeben hat, so muß jetzt, bei fast verdoppeltem  $\sigma_e$  auch  $\sigma_b$  stark wachsen. Wir versuchen also etwa mit  $\sigma_b = 54$  kg/qcm, d. h.  $\sigma_e / \sigma_b = 44,44$ . Auf demselben Weg, wie vorhin, erhalten wir:

$$\begin{aligned} h &= \dots\dots\dots 20,4 \text{ cm} \\ f_e &= \dots\dots\dots 5,82 \text{ qcm und} \\ x &= \dots\dots\dots 5,15 \text{ cm} \end{aligned}$$

Da bei Verwendung von Baustahlgewebe, zufolge der sehr dünnen Drähte, der Wert  $h$  größer wird (hier etwa 20,6 cm), genügt die erreichte Genauigkeit.

Gewählt wird aus den in jedem Handbuch enthaltenen Tabellen das Gewebe 7,5 · 5,5 / 75 · 300 mit  $f_e = 5,89$  qcm.

**b) Stahlbeton-Rippendecken (vgl. Abb. 7 und § 24 der „Bestimmungen“).**

1. Begriffsbestimmung. Unter Stahlbeton-Rippendecken werden (aufgelöste) Decken mit höchstens 70 cm lichtigem Rippenabstand verstanden, die zur Erzielung einer ebenen Unteransicht statisch unwirksame Lohsteine oder andere Füllkörpereinlagen enthalten können. Diese Füllkörper dürfen zur Spannungsübertragung nicht mit herangezogen werden.

Die Dicke der Druckplatte muß mindestens  $1/10$  des lichten Rippenabstandes und darf nicht kleiner als 5 cm sein.

Die Rippen müssen mindestens 5 cm breit sein.

In den Rippen müssen stets Bügel liegen.

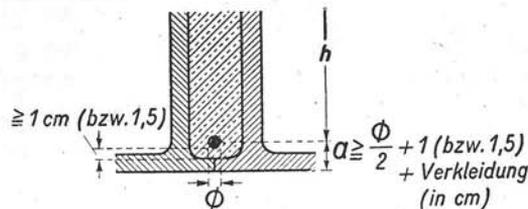


Abb. 11

4. Beispiel:

Gegeben:

Moment . . . . .	1060 mkg
$\sigma_e$ . . . . .	1200 kg/qcm
Steinhöhe . . . . .	12 cm
Druckplatte . . . . .	5 cm
d . . . . .	17 cm
$h = 17 - 3 =$ . . . . .	14 cm*)

daraus ergibt sich

und bei  $a = 3$  cm

Gesucht:  $\sigma_b$  und  $f_e$

Lösung: Wie bei Beispiel 2.

1. Versuch:  $\sigma_b = 40$  kg/qcm ergibt  $\sigma_e / \sigma_b = 30$ .

Der Wert 40 wird unter 10,60 geschoben und auf Teilung  $h$  unter 30 das erf.  $h$  für  $\sigma_b = 40$  gefunden. Die Ablesung ergibt  $h = 13,4$  cm. Der Wert ist zu klein.

2. Versuch: mit  $\sigma_b = 38$  kg/qcm ergibt  $\sigma_e / \sigma_b = 31,58$  und, nachdem 38 unter  $f_e$  10,60 gerückt worden ist, auf Teilung  $h$  den Wert 13,9 cm auf  $f_e$ , nach Umstellung des Schiebers, erf.  $f_e = 7,10$  qcm und für  $x = 4,48$  cm. Da  $x < d$  ( $= 6$  cm) ist, braucht eine Berechnung nach Art eines Plattenbalkens nicht zu erfolgen.

c) **Stahlsteindecken** (vgl. Teil B der „Bestimmungen“.)

Begriffsbestimmung. Stahlsteindecken im Sinne dieser Bestimmungen sind mit Stahl bewehrte Steindecken, bei denen die Steine zur Spannungsübertragung herangezogen werden. Dazu müssen die Steine so untereinander verbunden sein, daß eine einwandfreie Übernahme der Kräfte gewährleistet ist.

\*)  $a$  ist abhängig von der Steinform und schwankt zwischen 2,5 und 4,0 cm.

Stahlsteindecken können eine statisch wirksame Betondruckschicht von mindestens 2 und höchstens 5 cm Dicke erhalten, gemessen von Oberkante Stein an, ist die Betondruckschicht dicker, so sind die Decken als Stahlbetonrippendecken nach den „Bestimmungen für Ausführung von Bauwerken aus Stahlbeton“, Teil A § 24 zu berechnen und auszubilden.

Die Deckensteine dürfen nur so breit sein, daß bei Bewehrung in einer Richtung der Abstand der Stahleinlagen höchstens 25 cm wird.

Die Berechnung bietet nichts Neues und kann hier wegbleiben. Besonders zu beachten sind jedoch die abweichenden Vorschriften über Schubsicherung und zul. Spannungen (siehe diese).

d) Rechteckquerschnitte (Balken) Abb. 12. (Vgl. § 25 der „Bestimmungen“.)

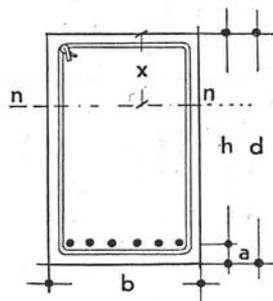


Abb. 12

5. Beispiel: Es findet hochwertiger Baustahl Verwendung.

Gegeben:	M	. . . . .	4800 mkg
	$\sigma_e$	. . . . .	1800 kg/qcm
	b	. . . . .	0,25 m
geschätzt:	d	. . . . .	0,50 m
	h	. . . . .	0,46 m
gesucht:	$\sigma_b$ , erf. Fe und x.		

Rechnungsgang: M : b wird mit dem Läufer festgehalten (192 auf der roten Überteilung).

Das Spannungsverhältnis wird für  $\sigma_e = 1800 \text{ kg/qcm}$  auf der Tabelle abgelesen und ergibt:

1. Versuch: Für das schon unter 192 stehende  $\sigma_b = 40 \text{ kg/qcm}$  wird  $\sigma_e/\sigma_b = 45$  und das erf.  $h = 64,7 \text{ cm}$ . Da das erf.  $h$  zu groß ist, muß die Spannung erhöht werden. Ein
2. Versuch: für  $\sigma_b = 50 \text{ kg/qcm}$  und  $\sigma_e/\sigma_b = 36$  bringt ein erf.  $h = 53,8 \text{ cm}$ . Der Wert ist noch zu groß.
3. Versuch: Wir schieben die Betonspannung  $\sigma_b = 60 \text{ kg/qcm}$  unter den Grundwert (192) (Abb. 13) und finden für  $\sigma_e/\sigma_b = 30$  das erf.  $h = 46,5 \text{ cm}$ .

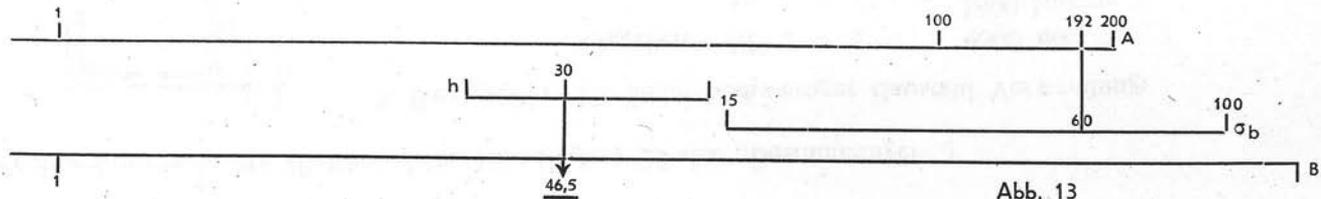


Abb. 13

Mit der erreichten Genauigkeit begnügen wir uns und lesen weiter ab:

unter Fe . . . . .	(für $b = 1,0 \text{ m}$ )	= 25,8	qcm
dennach für $b = 0,25 \text{ m}$ . . . . .	$0,25 \cdot 25,8$	= 6,45	qcm
unter x . . . . .		= 15,50	cm

Auf der Rückseite des Stabes wählen wir 6R. St.  $\varnothing 12 \text{ mm}$  mit  $f_e = 6,79 \text{ qcm}$  und überprüfen die Nutzhöhe  $h$ :

Betonüberdeckung bei Balken . . . . .	1,5	cm
Bügelstärke . . . . .	1,0	cm
halber R. St. $\varnothing$ . . . . .	0,6	cm
	<u>a = 3,1</u>	cm

dennach das vorh.  $h = (50 - 3,1) = 46,9 \text{ cm}$ .

Das angenommene  $h = 46,5 \text{ cm}$  reißt aus.

6. Beispiel: Prüfung der Tragfähigkeit eines Rechteckquerschnittes.

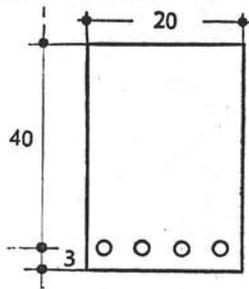


Abb. 14

Der Endpunkt der Teilung  $A_1$  wird nun unter den Läuferstrich geschoben. Über der an der Teilung  $A_1$  eingestellten Balkenbreite  $b = 20$  ist das gesuchte Biegemoment  $M = 2370 \text{ mkg}$  auf Teilung  $A$  abzulesen.

Nach der gleichen Methode kann auch die Tragfähigkeit von Platten untersucht werden.

e) Plattenbalken.

7. Beispiel: Berechnung eines Plattenbalkens (vgl. Abb. 16 und 17).

Unter Plattenbalken versteht man einen im Stahlbetonbau sehr gebräuchlichen Querschnitt, der sich aus einer meist sehr dünnen Eisenbetonplatte und einer, mit dieser Platte in fester Verbindung stehenden, hohen Rippe zusammensetzt (s. auch Abb. 6).

Gesucht ist das Biegemoment, welches durch den nebenstehenden einfachbewehrten Stahlbeton-Rechteckquerschnitt unter Einhaltung der Spannungen  $\sigma_b = 50$  und  $\sigma_e = 1500$  getragen werden kann.

Der dem vorgeschriebenen Spannungsverhältnis  $\frac{1500}{50} = 30$

entsprechende Strich der Teilung  $h$  wird über die Zahl der gegebenen Nutzhöhe  $h = 40,00$  auf  $B$  geschoben. Alsdann wird der Strich für die festgesetzte Betonspannung der Teilung  $\sigma_b$  mit dem Läufer festgehalten (Abb. 15).

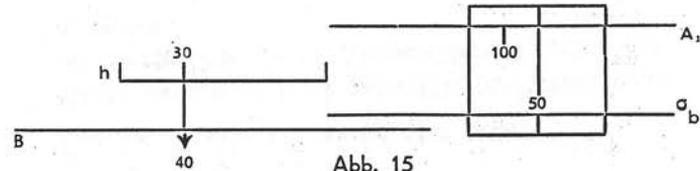


Abb. 15

Beim Bemessen von Plattenbalken und beim Nachweis der auftretenden Spannungen darf ein Druckplattenstreifen von der Breite  $b$  als mitwirkend in Rechnung gestellt werden.

Diese Breite  $b$  ist anzunehmen:

bei beiderseitigen Plattenbalken nach Bild 16 und 17

$$b = 12d + 2b_s + b_o,$$

aber nicht größer als der Abstand der Feldmitten und als die halbe Balkenstützweite.

Abb. 16

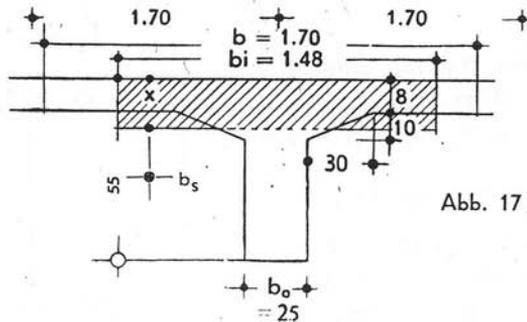
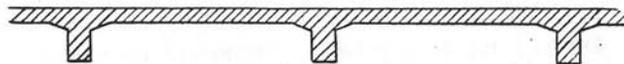
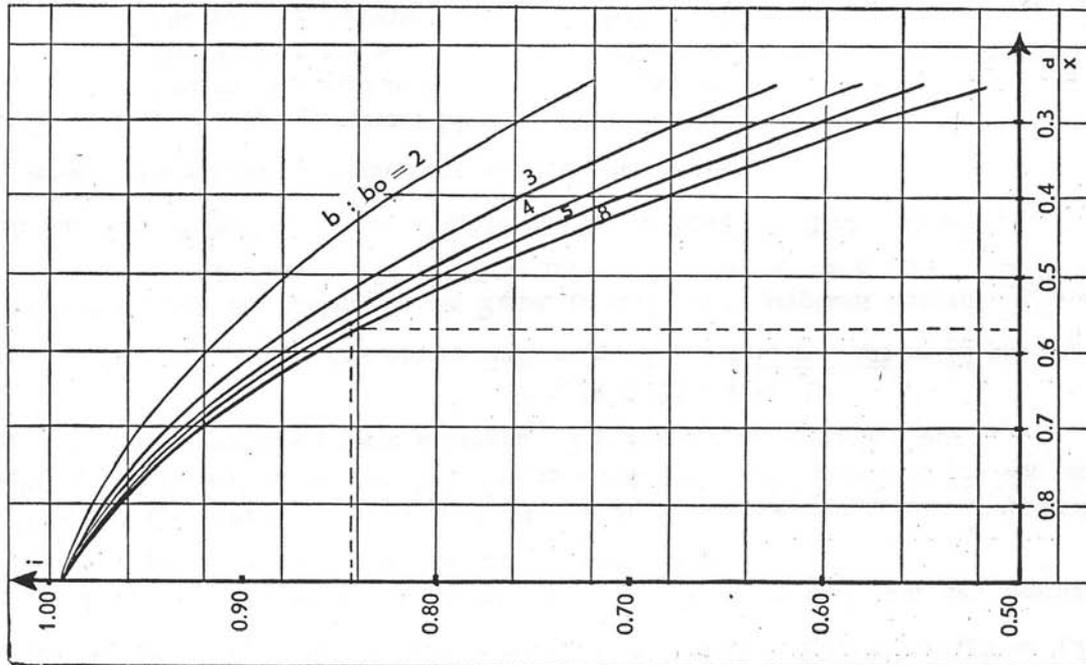


Abb. 17

Für die Bemessung merke man noch:

1. Es ist, namentlich bei Kontinuität der Plattenbalken, meist unwirtschaftlich, an die Grenze der zul. Betonspannungen zu gehen.
2. Man wähle die Rippenbreite  $b_o$  so gering als mit Rücksicht auf die R. St.-Einlagen möglich ist. Gewichtspersparnis!
3. Der Rechnungsgang ist bequemer und das Resultat in vielen Fällen nicht ungünstiger, wenn man statt der errechneten Druckbreite mit einem geringeren  $b$  rechnet. Etwa mit  $b = 1,00$  m, wodurch bei  $\sqrt{M} : b$  der Nenner fortfällt und dadurch der Querschnitt wie eine Deckenplatte behandelt werden kann. U. U. kann dadurch sogar Stahl gespart werden, denn: großes  $b \dots$  viel Stahl!

# Hilfstafel für die Berechnung der Werte (i) zur Bemessung von Plattenbalken.



Bemessung: Nach Abb. 17 ergibt sich:  $b = 12 \cdot 0,08 + 2 \cdot 0,30 + 0,25 = 1,81$  m.

Da dieser Wert größer als die Feldweite  $L = 1,70$  m ist, darf nach den Bestimmungen nur diese als Druckbreite eingesetzt werden. Das Moment sei 18400 mkg.

Um den Querschnitt wie einen Rechteckquerschnitt behandeln zu können, muß zu dem maximalen  $b$  ein „ideelles  $b$ “ ( $b_i$ ) errechnet werden. Wir benutzen dafür die Tafel auf Seite 23. Von den benötigten Werten  $b$ ,  $b_0$ ,  $d$  und  $x$  ist nur das letztere unbekannt. Wir erhalten es angenähert aus

$$x \cong 0,135 \cdot \sqrt{M : b}$$

Für unsern Fall:  $x \cong 0,135 \cdot \sqrt{18400 : 1,70} = 14$  cm.

Da  $14 > 8$  ist, fällt die Nulllinie in die Rippe, es muß mit  $b_i$  gerechnet werden.

$$b : b_0 = 1,70 : 0,25 = 6,8 \qquad d : x = 8 : 14 = 0,57$$

Damit aus Tafel Seite 23 . . . .  $i = 0,844$  und  $b_i = 0,844 \cdot 1,70 = 1,43$  m.

Mit diesen Werten kann die Bemessung vorgenommen werden.

Gegeben: Das Biegemoment  $M$  . . . 18 400 mkg  
Die zul. Druckbreite  $b_i$  . . . 1,43 m  
Die Rippenbreite  $b_0$  . . . 0,25 m  
Die zul. Stahlspannung  $\sigma_e$  . . . 1400 kg/qcm  
Die zul. Betonspannung  $\sigma_b$  . . . 40 kg/qcm

gesucht: die erf. Nutzhöhe . . . . erf.  $h$   
die erf. Bewehrung . . . . erf.  $f_e$  und  
die notwendige Höhe des Gesamtquerschnitts.

Einstellung: Unter den Wert 184 der Teilung A wird 1,43 geschoben (Teilung A<sub>1</sub>), das Resultat mit dem Läufer wird jedoch diesmal nicht links, sondern gleich auf der rechten roten Überteilung festgehalten (Abb. 18).

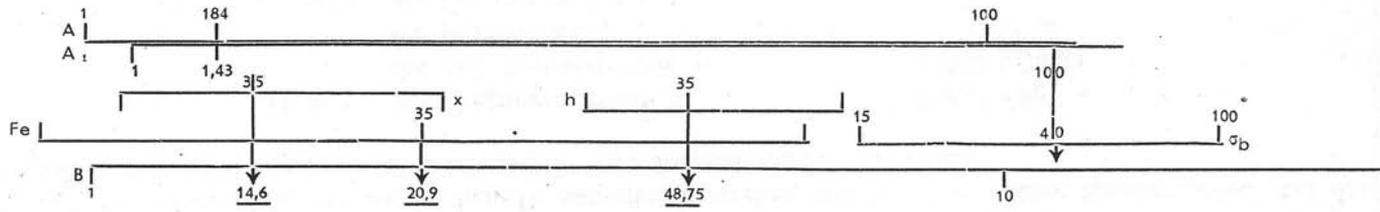


Abb. 18

Unter dem Läuferstrich steht schon die vorgeschriebene Betonspannung  $\sigma_b = 40 \text{ kg/qcm}$

Der Tafel auf der Rückseite entnehmen wir  $\sigma_e / \sigma_b = 35$ .

Unter 35 finden wir:

auf Teilung h . . . . .	erf. h = 48,75 cm
auf Teilung Fe. . . . .	erf. fe = 20,9 qcm/m Breite
also für b <sub>i</sub> fe = 1,43 · 20,90	= 29,9 qcm
auf Teilung x . . . . .	= 14,6 cm.

Wir wählen 8 R. St. Ø 22 mm in zwei Lagen 5 + 3 und bestimmen bei einem Bügeldurchmesser von 10 mm und 1,5 cm Stahlüberdeckung das sich ergebende a.

Lage der Bewehrungsschwerachse (Abb. 19)

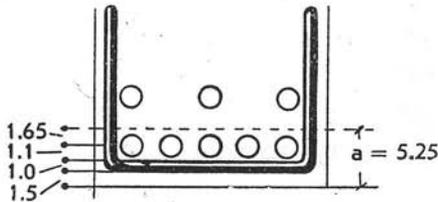


Abb. 19

$y = \frac{3 \cdot 44}{8} =$	1,65 cm
halber R. St. $\varnothing$	1,10 cm
Bügeldurchmesser	1,00 cm
Überdeckung	1,50 cm
	$a = 5,25$ cm

demnach erf.  $d_o = (h + a) = (48,75 + 5,25) = 54,00$  cm  
 gewählt wird  $d_o = 55$  cm.

8. Beispiel: Plattenbalken wie vor.

Wie auf Seite 22 erwähnt, kann häufig, ohne die Wirtschaftlichkeit eines Querschnitts zu beeinträchtigen, von der Ausnutzung der größtmöglichen Druckbreite abgesehen werden. Der geübte Rechner würde bei der Bemessung eines Plattenbalkens nach Beispiel 7 etwa folgendermaßen verfahren:

gegeben:	das Biegemoment $M$	18 400 mkg
	die zul. Stahlspannung $\sigma_e$	1 400 kg/qcm
	die Rippenbreite $b_o$	0,25 m
geschätzt:	die Querschnittshöhe $d_o$	55 cm
	die Nutzhöhe $h$	50 cm
	die Druckbreite $b$	1,0 m
gesucht:	$\sigma_b, f_e$ und $x$ .	

Rechnungsgang: Da  $b$  zu 1,00 m  $< b_{zul.}$  angenommen wurde, fällt die lästige Ermittlung von  $b_i$  fort.

Das Moment wird wie vor auf Teilung A mit dem Läufer festgehalten und die Betonspannung unter den Läuferstrich geschoben.

1. Versuch:  $\sigma_b = 45$  kg/qcm gibt  $\sigma_e/\sigma_b = 31,12$  und erf.  $h = 53$  cm
2. Versuch:  $\sigma_b = 48$  kg/qcm gibt  $\sigma_e/\sigma_b = 29,17$  und erf.  $h = 50,5$  cm
3. Versuch:  $\sigma_b = 48,5$  kg/qcm gibt  $\sigma_e/\sigma_b \approx 28,9$  und erf.  $h = 50$  cm  
und mit  $\sigma_e/\sigma_b = 28,9$ : unter Teilung Fe . . .  $= 1,00 \cdot 29,6 = 29,6$  qcm  
Teilung x . . .  $= 17,1$  cm.

Trotz wesentlich geringerem Rechenaufwand wird das Ergebnis in wirtschaftlicher Hinsicht nicht ungünstiger.

#### f) Doppelt bewehrte Rechteckquerschnitte bei reiner Biegung.

Doppelte Bewehrung kann aus zweierlei Gründen erforderlich werden:

1. bei sehr beschränkter Bauhöhe und
2. bei zweiseitiger Beanspruchung eines Querschnitts.

Zur Verstärkung der Druckzone des Betons werden zusätzliche Druckstähle angeordnet, die ihrerseits eine Verstärkung der Zugzone erfordern, da andernfalls eine Verschiebung der Nulllinie eintreten würde.

Die Zusatzstähle  $\Delta Fe$  und  $Fe'$  müssen denjenigen Momentenrest aufnehmen, der bei einfacher Bewehrung ungetilgt bleiben würde.

**Rechenvorgang.** Man bestimmt nach Beispiel 6 das für einfache Bewehrung bei gegebenen Randspannungen und geschätztem Querschnitt zulässige Moment (zul.  $M_1$ ) und zieht dies von dem vorhandenen  $M$  (vorh.  $M$ ) ab. Der Rest  $\Delta M = (M - \text{zul. } M_1)$  kann durch die einfache Bewehrung nicht aufgenommen werden.

Die erforderlichen R. St. in der Zugzone setzen sich, entsprechend den Momenten, aus zwei Teilen zusammen ( $Fe_1 + \Delta Fe$ ), wobei  $Fe_1$  sich auf üblichem Wege aus dem zul.  $M_1$  errechnet, während

$$\Delta Fe = \frac{\Delta M}{c \cdot \sigma_e} \text{ wird.}$$

Der notwendige Querschnitt der Druckbewehrung errechnet sich aus  $Fe' = \frac{\Delta M}{c \cdot \sigma_e'}$ , wobei  $\sigma_e'$  der etwas umständlichen Gleichung  $\sigma_e' = \frac{\sigma_b}{h} \cdot (15 \cdot c - \sigma_e / \sigma_b \cdot h')$  entnommen werden kann.

9. Beispiel: Der Querschnitt Abb. 20 soll ein Moment von  $M = 3200 \text{ mkg}$  aufnehmen. Eine Vergrößerung der Abmessungen ist aus baulichen Gründen unmöglich. Die zulässigen Randspannungen sollen betragen:

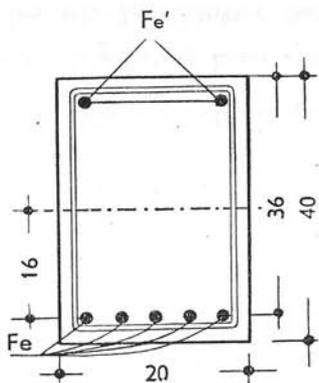


Abb. 20

$\sigma_e$ . . . . .	1400 kg/qcm
$\sigma_b$ . . . . .	60 kg/qcm.

Für die gegebenen Abmessungen der nebenstehenden Abb. werden die erf. Stahleinlagen gesucht.

Rechnungsgang: Es muß für  $\sigma_e / \sigma_b = \frac{1400}{60} = 23.33$  und die bekannten Abmessungen das zul. Moment gefunden und die hierfür erforderliche Bewehrung abgelesen werden.

Wir halten  $h = 36$  auf Teilung B mit dem Läufer fest und schieben das Verhältnis  $\sigma_e / \sigma_b = 23,33$  (Teilung h) darüber.

Der Läufer wird nun über die vorgeschriebene Betondruckspannung  $\sigma_b = 60 \text{ kg/qcm}$  gerückt und das Ende der Teilung  $A_1$  unter den Läuferstrich gebracht.

Über  $b = 0,20 \text{ m}$  liest man auf  $A$  das zul.  $M_1 = 2650 \text{ mkg}$  ab.

Hierfür auf  $Fe$  unter  $23,33$  das erf.  $Fe_1 = 30,20 \cdot 0,20 = 6,04 \text{ qcm}$ .

Es ergibt sich das ungedeckte Moment

$$\Delta M = 3200 - 2650 = 550 \text{ mkg} \text{ und mit } c = 33 \text{ cm} \dots \Delta Fe = \frac{55000}{33 \cdot 1400} = 1,19 \text{ qcm}.$$

Somit die gesamte **Zugbewehrung**:

$$Fe = Fe_1 + \Delta Fe = 6,04 + 1,19 = 7,23 \text{ qcm}.$$

Gewählt werden 5 R. St.  $\varnothing 14 \text{ mm}$  mit  $Fe = 7,70 \text{ cm}^2$ .

Für die erf. Druckbewehrung wird

$$\sigma_e' = \frac{60}{36} \cdot (15 \cdot 33 - 23,3 \cdot 3) = 709 \text{ kg/qcm}$$

$$\text{und } Fe' = \frac{55000}{33 \cdot 709} = 2,36 \text{ qcm}.$$

Gewählt werden 2 R. St.  $\varnothing 14 \text{ mm}$  mit  $Fe' = 3,08 \text{ cm}^2$ .

Die Anordnung der R. St. geht aus der Abbildung 20 hervor.

Bei der Bemessung bedient man sich vorteilhaft der Tabellenform:

$M = + \dots\dots\dots$	$c = \dots$	$\sigma_e = \dots$	$\sigma_b = \dots$	$\sigma_e/\sigma_b = \dots$	$h' = \dots$	$h = \dots$	$\frac{\sigma_b}{h} = \dots$
zul. $M_1 = - \dots\dots\dots$	→ ergibt $Fe_1 = \dots\dots\dots + \dots\dots\dots$				$15 \cdot c = \dots\dots\dots +$		
$\Delta M = + \dots\dots\dots$	→ ergibt $\Delta Fe = \frac{\Delta M}{c \cdot \sigma_e} = + \dots\dots\dots$				$\sigma_e/\sigma_b \cdot h' = \dots\dots\dots -$		
	$Fe = \dots\dots\dots +$				$\cdot k =$		
	$Fe' = \frac{\Delta M}{\sigma_e' \cdot c} = \dots\dots\dots$				$\sigma_e' = \frac{\sigma_b}{h} \cdot k = \dots\dots\dots$		
					←		

## B. Biegung mit Axialkraft.

### a) Berechnung einfach bewehrter Rechteckquerschnitte für Biegung mit Axialkraft.

Um die Abmessungen eines auf Biegung und Druck (bzw. Zug) beanspruchten Rechteckquerschnittes zu bestimmen, verfährt man am einfachsten wie folgt:

Man bestimmt das Moment  $M_u = M + N \cdot u$  (bzw.  $M_u = M - N \cdot u$ , bei Zug), wobei  $u$  den Abstand der Mittellinie des Querschnitts bis zur Schwerachse der Zugbewehrung und  $N$  die Normalkraft bedeutet, bemisst dann den Querschnitt für  $M_u$  wie in Beispiel 5 durchgeführt und zieht von dem so errechneten Rundstahlquerschnitt ( $N : \sigma_e$ ) ab (bzw. addiert es bei Zug dazu).

10. Beispiel: Gegeben:

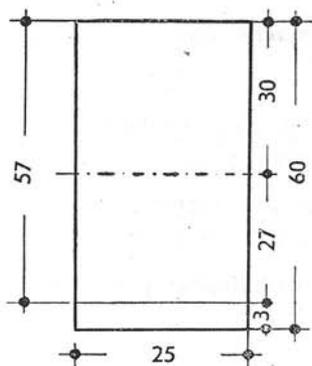


Abb. 21

Das auf die Mitte bezogene Biegemoment

- M . . . . . 6110 mkg
- die Druckkraft N . . . . . 12000 kg
- das zul.  $\sigma_e$  . . . . . 1400 kg/qcm

und die nebenstehenden Abmessungen des Querschnitts, woraus

$$u = 0,30 - 0,03 = 0,27 \text{ m.}$$

$$M_u = 6110 + 12000 \cdot 0,27 = 9350 \text{ mkg.}$$

Auf (A) einstellen 93,50, darunter  $b = 0,25$  schieben.

Läufer nach links unter 1, den Schieber umstellen und

1. Versuch:  $\sigma_b = 60 \text{ kg/qcm}$  unter den Läuferstrich schieben.

Läuferstrich über Schieberende (100) rücken und Schieber umstellen.

Man findet für  $\sigma_e / \sigma_b = 1400 : 60 = 23,33$  auf Teilung  $h$  ein erf.  $h = 60,5 \text{ cm}$ .

Da der Wert zu groß ist:

Läufer wieder über (1), Schieber umstellen und Läufer zurück auf  $\sigma_b = 60 \text{ kg/qcm}$ .

2. Versuch: Unter den Läuferstrich  $\sigma_b = 65 \text{ kg/qcm}$  schieben,

Läufer zurück auf 100, umstellen,  $\sigma_e / \sigma_b = 1400 : 65 = 21,55$  ablesen. Unter 21,55 finden wir

auf h . . . . . erf. h = 57 cm

auf Fe . . . . . erf. fe = 54,5 qcm

oder abzüglich der Normalkraft:

$$fe = 54,5 \cdot 0,25 - \frac{12000}{1400} = 5,04 \text{ qcm.}$$

Statt der häufigen Umstellung des Schiebers kann man hier besser M auf der linken roten Überteilung einstellen und dadurch den Rechnungsgang abkürzen.

#### b) Berechnung doppelt bewehrter Rechteckquerschnitte für Biegung mit Axialkraft.

Man errechnet wie vor  $M_U$  und verfährt bei der Bemessung genau wie in Beispiel 9 angegeben. Zu dem gefundenen Wert fe addiert man mit entsprechendem Vorzeichen den Wert (N :  $\sigma_e$ ).

11. Beispiel: In dem Querschnitt der Abb. 20 wirke ein Moment  $M = 4600$  mkg und eine Zugkraft von 5500 kg. Es wird

$$M_U = 4600 - 5500 \cdot 0,16 = 3720 \text{ mkg.}$$

Die zugelassenen Randspannungen seien  $\sigma_e = 1400$  kg/qcm und  $\sigma_b = 65$  kg/qcm,  
danach  $\sigma_e / \sigma_b = 1400 : 65 = 21,55$ .

Hierfür ist bei einfacher Bewehrung ein Moment von  $M_1 = 2990$  mkg zulässig. (Errechnet wie in Beispiel 9.) Demnach  $\Delta M = 3720 - 2990 = 730$  mkg.

Für das zul.  $M_1$  wird  $Fe_1 = 34,4 \cdot 0,20 = 6,88$  qcm und  $\Delta Fe = \frac{73000}{33 \cdot 1400} = 1,58$  qcm.

Unter Berücksichtigung der Normalkraft wird der erf. Zugstahlquerschnitt 'endgültig

$$fe = 6,88 + 1,58 + \frac{5500}{1400} = 12,39 \text{ qcm.}$$

Für die Druckbewehrung ist  $\sigma_e' = \frac{65}{36} \cdot (15 \cdot 33 - 21,55 \cdot 3) = 776$  kg/qcm.

$$\text{und } fe' = \frac{73000}{33 \cdot 776} = 2,85 \text{ qcm.}$$

## VII. Schubsicherung. (Vgl. § 20 der „Bestimmungen“.)

In Platten, Rippendecken, Balken, Plattenbalken und Rahmen sind die Schubspannungen  $\tau_o$  nachzuweisen.

Die Schubspannung  $\tau_o$  ist ohne Rücksicht auf abgebogene Rundstähle oder Bügel bei gleichbleibender Nutzhöhe  $h$  zu berechnen aus der Gleichung

$$\tau_o = \frac{Q}{b_o \cdot z}$$

Hierin bedeuten  $\tau_o$  bei Rippendecken und Plattenbalken die Stegbreite (bei Platten und Balken die Breite),  $z$  den Abstand des Schwerpunktes der Zugstähle vom Druckmittelpunkt und  $Q$  die Querkraft.

Die Ausrechnung der Gleichung  $\tau_o = \frac{Q}{b_o \cdot z}$  bietet keine Schwierigkeiten. Unbekannt ist nur (z). Wir ersetzen es mit genügend guter Genauigkeit durch den Wert  $z = 0,88 \cdot h$ , sodaß also  $\tau_o = \frac{Q}{0,88 \cdot h \cdot b_o}$  gilt.

Über die Ermittlung der für die Schubsicherung maßgebenden Querkräfte (Q) vgl. § 18 der „Bestimmungen“.

## VIII. Säulen. (Vergleiche § 27 der „Bestimmungen“.)

Ausschlaggebend für die Bemessung von Säulen ist das Verhältnis

$$\frac{h_s}{d} = \frac{\text{Säulenhöhe}}{\text{kleinste Dicke}}$$

Man unterscheidet 3 Fälle:

1.  $\frac{h_s}{d} \leq 5$ , d. h. sehr gedrungene Säulen (ohne Knickgefahr).  
Die Bewehrung  $F_e$  muß mindestens 0,5% des statisch erf. Betonquerschnitts  $F_b$  betragen.
2.  $5 \leq \frac{h_s}{d} \leq 15$ , schlanke Säulen ohne Knickgefahr.  
Die Mindestbewehrung wächst bei  $\frac{h_s}{d} = 5$  bis 10 von 0,5% bis 0,8% des erf. Betonquerschnitts geradlinig an und bleibt dann bis  $h_s : d = 15$  konstant = 0,8%.
3.  $15 \leq \frac{h_s}{d} \leq 40$ , schlanke Säulen mit Knickgefahr.  
Die Mindestbewehrung wird mit 0,8% des erf.  $F_b$  beibehalten, die Belastung ist jedoch mit einem Beiwert  $\omega$ , entsprechend der folgenden Tabelle zu multiplizieren.

$h_s : d$	Knickzahl $\omega$ *)
15	1,0
20	1,08
25	1,32
30	1,72
35	2,28
40	3,00

Die Tragfähigkeit der Säulen für die mit der Knickzahl  $\omega$  zu multiplizierende Kraft beträgt

$$P_{\text{zul.}} = \frac{K_b \cdot F_b + \sigma_s \cdot F_e}{3}$$

Dabei ist je nach Materialgüte, vgl. DIN 1045 § 27:

Weiterhin ist  $F_e = 0,005$  bis  $0,008 \cdot F_b = \mu \cdot F_b$

Die erforderliche Säulenquerschnittsfläche wird daher

$$F_b = \frac{3 P \cdot \omega}{k_b + \mu \cdot \sigma_s}$$

	$k_b$		$\sigma_s$
B 120	108	St I	2400
B 160	144	St II	3600
B 225	195	St III	4200
B 300	240	St IV	4200

\*) Gilt für quadratische und rechteckige Säulen mit einfacher Bügelbewehrung. Zwischenwerte sind geradlinig einzuschalten.

Für die gebräuchlichsten Materialzeiten B 160 und St I sowie  $\mu = 0,008$  wird

$$F_b = \frac{3 \cdot P \cdot \omega}{144 + 0,008 \cdot 2400} = \frac{P \cdot \omega}{48 + 6,4} = \frac{P \cdot \omega}{54,4}$$

Mindestens sind aber folgende Abmessungen erforderlich:

Kleinste Säulendicke 20 cm (mit Ausnahme von Fenstersäulen und dergleichen und Säulen als Fertigbauteile nach DIN 4225)

Kleinste Dicke der Berechnungsstähle 14 mm (mit Ausnahme von Säulen als Fertigbauteile nach DIN 4225)

Bügelabstand  $\leq d$  und  $\leq 12$  mal Dicke der Berechnungsstähle.

Der Berechnungsfaktor  $\mu$  bezieht sich aber stets auf den statisch erforderlichen Betonquerschnitt und darf nicht größer werden als 3% für B 120 und B 160

6% für B 225 und B 300

Andere Materialzeiten für  $\mu = 0,008$ .

Wenn P die auftretende Belastung der Säule und  $F_b$  der erforderliche Säulen- (Beton-) Querschnitt ist, dann

wird  $F_b = \frac{P \cdot \omega}{C}$ , wobei C aus der nachstehenden Tabelle zu entnehmen wäre:

Betongüte	Stahlgüte	C	Stahlgüte	C	Stahlgüte	C
B 120	St I	42,4	—	—	—	—
B 160	St I	54,4	St II	57,6	—	—
B 225	St I	71,4	St II	74,6	St III u. IV	76,2
B 300	St I	86,4	St II	89,6	St III u. IV	91,2

Beispiel:

Es sei die Säulenbelastung  $P = 38000 \text{ kg}$   
die Säulenhöhe  $h_s = 3,85 \text{ m}$   
die Betongüte B 160, die Betonstahlgüte St I  
und die Querschnittsseitenlänge  $d = 35 \text{ cm}$ .

1. Frage: Reicht der vorhandene Querschnitt aus?
2. Frage: Welche Mindestbewehrung ist vorgesehen?

Für die angegebenen Materialgüten wird der Nenner  $C = 54,4$  der Schlankheitsgrad  $\frac{h_s}{d} = 11$ ,  $\omega$  also  $= 1$ ,  
somit der statisch erforderliche Betonquerschnitt  $F_b \text{ erf.} = \frac{38000}{54,4} = 699 \text{ cm}^2$  und daraus die erforderliche  
Mindestseitenlänge  $\sqrt{699} = 26,4 \text{ cm}$ . Der vorhandene Querschnitt ist also mit großer Sicherheit ausreichend.  
Die erforderliche ~~Bewehrung~~ ergibt sich zu  $0,008 \cdot 699 = 5,6 \text{ cm}^2$ , entsprechend  $4 \text{ } \varnothing 14 \text{ mm}$  mit  $4 \cdot 1,54 =$   
*Bewehrung*  $= 6,16 \text{ cm}^2$ .

Für die Bügel wird  $\varnothing 6 \text{ mm}$  gewählt und der vorgeschriebene Größtabstand der Bügel ist  $12 \cdot 1,4 = 16,8 \text{ cm}$ .

# Anhang.

## I. Benützung der Teilungen bei geänderter Verhältniszahl $n$ .

Die Lösungen der bisherigen Aufgaben der Anleitung haben alle nur Gültigkeit für das Verhältnis  $n = 15$  (vergl. S. 8).

Es können jedoch die Teilungen des Stabes „CASTELL 3/11“ auch für jedes andere Spannungsverhältnis unverändert benutzt werden.

Man verfährt hierbei wie folgt.

1. Es wird nicht mit der vorgeschriebenen oder gewählten Stahlzugspannung ( $\sigma_e$ ) gerechnet, sondern mit dem Wert

$$\frac{15}{n} \cdot \sigma_e.$$

2. Der sich bei dieser Rechnung ergebende Rundstahlquerschnitt  $f_e$  muß ebenfalls mit dem Wert  $15 : n$  multipliziert werden.

Die praktische Anwendung soll an dem folgenden Beispiel für

gezeigt werden.  $n = 10$

gegeben:	Moment . . . . .	11 200 mkg
	$\sigma_e$ . . . . .	1 200 kg/qcm
	$\sigma_b$ . . . . .	70 kg/qcm
	$b$ (Balkenbreite) . . . . .	28 cm

gesucht:  
erf.  $h$ ,  $f_e$  und  $x$

Lösung: Man bestimmt zunächst den Wert  $\frac{15}{n} = \frac{15}{10} = 1,5$ .

Sonach ist mit  $\sigma_e = 1200 \cdot 1,5 = 1800$  kg/qcm zu rechnen und nachher Fe auch mit 1,5 zu multiplizieren.

Einstellung: Auf Teilung A mit dem Läufer 112,00 festhalten, darunter auf  $A_1$  den Wert  $b = 28$  rücken. Läufer über das rechte Ende (100) der Teilung  $A_1$  rücken und darunter  $\sigma_b = 70$  bringen.

Schiebereinstellung vornehmen.

Den Verhältnswert für  $\sigma_e/\sigma_b = \frac{1800}{70} = 25,71$  auf der Rückseite des Stabes aufsuchen und unter diesem Wert ablesen:

unter Teilung h	. . . . .	erf. h = 59,5 cm
" "	x	= 22 cm
" "	Fe (für b = 100)	= 42,75 qcm oder

mit Balkenbreite und geänderter Verhältniszahl (1,5) multipliziert

$$fe = 42,75 \cdot 0,28 \cdot 1,5 = 17,96 \text{ qcm.}$$

In der gleichen Art können Aufgaben für jedes beliebige n gelöst werden.

## Zulässige Spannungen in kg/cm<sup>2</sup> nach DIN 1045 § 29 Tafel 5

Bauteile und Beanspruchungsart	Baustoff und Anwendungsbereich	Zulässige Spannungen					Zeile
		Güteklasse des Betons					
1	2	3	B 120	B 160*)	B 225*)	B 300*)	8
<b>A.</b> Platten und Balken mit Rechteck- querschnitt auf Biegung	Beton in Platten und Balken mit Rechteckquerschnitt (auch in kreuzweise bewehrten Platten und Pilzdecken)						
	d ≤ 8 cm	σ <sub>b</sub>	40	50	70	90	1
	d > 8 cm	σ <sub>b</sub>	40	60	80	100	2
	Stahl in Platten:						
	Betonstahl I	σ <sub>e</sub>	1200	1400	1400	1400	3
	Betonstahl II	σ <sub>e</sub>	—	2000	2000	2000	4
	Betonstahl III	σ <sub>e</sub>	—	2200	2200**)	2200**)	5
	Betonstahl IV	σ <sub>e</sub>	—	2200	2400	2400	6
	Stahl in Balken:						
	Betonstahl I	σ <sub>e</sub>	1200	1400	1400	1400	7
Betonstahl II	σ <sub>e</sub>	—	1800	1800	1800	8	
Betonstahl III und IV	σ <sub>e</sub>	—	—	2000	2000	9	
<b>B.</b> Plattenbalken und Rippendecken auf Biegung	Beton bei Berücksichtigung der Spannungen in der Platte Werden die Spannungen in der Platte nicht berücksichtigt, so gelten die unter A angegebenen Werte.	σ <sub>b</sub>	40	50	70	90	10
	Beton in Stegen von Plattenbalken und Rippendecken im Bereich der negativen Momente	σ <sub>b</sub>	50	70	90	110	11
	Betonstahl I	σ <sub>e</sub>	1200	1400	1400	1400	12
	Betonstahl II	σ <sub>e</sub>	—	1800	1800	1800	13
	Betonstahl III und IV	σ <sub>e</sub>	—	—	2000	2000	14

Bauteile und Beanspruchungsart	Baustoff und Anwendungsbereich	Zulässige Spannungen				Zeile		
		Güteklasse des Betons						
		B 120	B 160*)	B 225*)	B 300*)			
1	2	3	4	5	6	7	8	
C. Biegung mit Längskraft bei Platten, Balken mit Rechteckquerschnitt, Plattenbalken, Rahmen, Bogen (wegen der Mindestbewehrung s. § 16,3) und Säulen (auch von Pilzdecken) als Teilen rahmenartiger Tragwerke, wenn diese ausführlich nach der Rahmentheorie berechnet werden, und zwar bei gewöhnlichen Hochbauten unter Annahme ungünstigster Laststellung, bei anderen Bauten außerdem unter Berücksichtigung der Wärmewirkung, des Schwindens und etwaiger Reibungs- und Bremskräfte.	Beton bei							
	a) Rechteckquerschnitten mit einachsiger Biegung	$\sigma_b$	—	70	90	110	15	
	b) Rechteckquerschn. mit zweiachs. Biegung (Eckspanng.)	$\sigma_b$	—	80	100	120	16	
	c) Plattenquerschnitten bei Berücksichtigung der Druckspannungen in der Platte.	$\sigma_b$	—	60	80	100	17	
	Werden die Spannungen in der Platte nicht berücksichtigt oder liegt die Platte in der Zugzone, so gelten die unter a) und b) für Rechteckquerschnitte angegeb. Betonspanng.							
	Stahl in Platten:							
	Betonstahl I	$\sigma_e$	—	1400	1400	1400	18	
	Betonstahl II	$\sigma_e$	—	2000	2000	2000	19	
	Betonstahl III	$\sigma_e$	—	2200	2200**)	2200**)	20	
	Betonstahl IV	$\sigma_e$	—	2200	2400	2400	21	
Stahl in anderen Bauteilen:								
Betonstahl I	$\sigma_e$	—	1400	1400	1400	22		
Betonstahl II	$\sigma_e$	—	1800	1800	1800	23		
Betonstahl III u. IV	$\sigma_e$	—	—	2000	2000	24		
D. Schub infolge Biegung	Ohne Nachweis der Schub-sicherung:							
	in Platten	$\tau_0$	6	8	9	10	25	
	in anderen Bauteilen	$\tau_0$	4	6	7	8	26	
	Höchstwerte o. Einredg. d. Schubbewehrung	max. $\tau_0$	14	16	18	20	27	

\*) Die angegebenen Stahlspannungen gelten: bei der Betongüte B 160 für Stähle mit einem  $\varnothing \leq 30$  mm (7,07 cm<sup>2</sup>)  
 / bei der Betongüte B 225 für Stähle mit einem  $\varnothing \leq 40$  mm (12,57 cm<sup>2</sup>)  
 bei der Betongüte B 300 für Stähle mit einem  $\varnothing \leq 50$  mm (19,64 cm<sup>2</sup>).

Bei größeren Durchmessern sind die angegebenen Stahlspannungen um 200 kg/cm<sup>2</sup> herabzusetzen.

\*\*) Bis auf weiteres können bei Platten mit mehr als 8 cm Dicke und bei Anwendung von Betongüte B 225 oder 300 die mit \*\*) versehenen zulässigen Stahlspannungen (Zeile 5 und 20) um 200 kg/cm<sup>2</sup> erhöht werden.

Bauteile und Beanspruchungsart	Baustoff und Anwendungsbereich	Zulässige Spannungen				Zeile	
		Güteklasse des Betons					
1	2	3	B 120 4	B 160 5	B 225 6	B 300 7	8
E. Verdrehung in Rechteckquerschnitten	Ohne Nachweis der Verdrehungs- bewehrung	$\tau_0$	4	5	6	7	28
	Höchstwerte ohne Einrechnung der Verdrehungsbewehrung	max. $\tau_0$	14	16	18	20	29
F. Verdrehung und Schub aus Biegung bei Rechteckquerschnitten	Ohne Nachweis der Verdrehung Höchstwerte ohne Einrechnung der Schub- u. Verdrehungsbewehrung	$\tau_0$	6	8	9	10	30
		max. $\tau_0$	17	20	23	26	31
G. Haftung der Stahleinlagen in Bau- teilen, die auf Biegung beansprucht werden.	Haftspannung	$\tau_1$	4	5	6	8	32

## Zulässige Beanspruchungen für Stahlsteindecken nach DIN 1046 § 12, Tafel 3

Decken-		Erforderliche Würfelfestigkeit $W_{28}$ von Mörtel u. Beton kg/cm <sup>2</sup>	Zulässige Spannung in kg/cm <sup>2</sup>			Zeile
Art	Dicke cm		Stein, Mörtel und Beton	Betonstahl I	Betonstahl II und III	
1	2	3	4	5	6	7
Leichtsteindachdecken	$\leq 8$	120	30	1000	—	1
	$\cong 10$	120	35	1200	—	2
Geschoß- u. Dachdecken	$\cong 10$	120	45	1200	—	3
	$\cong 16$	160	45	1400	1800	4

Die Werte der Zeile 4 dürfen nur angewendet werden, wenn die Breite der Mörtelstege mindestens 5 cm beträgt und wenn in jedem Einzelfall durch Versuche nachgewiesen wird, daß die Bruchfestigkeit  $W_{28}$  von Mörtel und Beton mindestens 160 kg/cm<sup>2</sup> ist. Voraussetzung ist ferner, daß die Decke von einem besonders erfahrenen und zuverlässigen Unternehmer ausgeführt wird.